

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Тольяттинский государственный университет»

Б1.О.10.01
(индекс дисциплины)

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Высшая математика 1

(наименование дисциплины)

по направлению подготовки
13.03.02 Электроэнергетика и электротехника

направленность (профиль)
Электроснабжение

Форма обучения: заочная

Год набора: 2017

Общая трудоемкость: 5 ЗЕ

Распределение часов дисциплины по семестрам

| Семестр | 1 | Итого |
|--------------------------|------------|------------|
| Форма контроля | зачёт | |
| Вид занятий | | |
| Лекции | 12 | 12 |
| Лабораторные | | |
| Практические | 12 | 12 |
| Промежуточная аттестация | 0,25 | 0,25 |
| Контактная работа | 24,25 | 24,25 |
| Самостоятельная работа | 152 | 152 |
| Контроль | 3,75 | 3,75 |
| Итого | 180 | 180 |

Рабочую программу составил:

доцент, доцент, к.п.н. Крылова С.А.

(должность, ученое звание, степень, Фамилия И.О.)

Рецензирование рабочей программы дисциплины:



Отсутствует



Рецензент

(должность, ученое звание, степень, Фамилия И.О.)

Рабочая программа дисциплины составлена на основании ФГОС ВО и учебного плана направления подготовки 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника

Срок действия рабочей программы дисциплины до «31» августа 2022 г.

СОГЛАСОВАНО

Заведующий кафедрой "Электроснабжение и электротехника"

«__» _____ 20__ г.

(подпись)

В.В. Вахнина

(И.О. Фамилия)

УТВЕРЖДЕНО

На заседании кафедры "Высшая математика и математическое образование"

(протокол заседания № 7 от «22» февраля 2017 г.).

1. Цель освоения дисциплины

Цель освоения дисциплины – овладение современным аппаратом математики для дальнейшего использования в других областях естественнонаучного знания и дисциплинах естественного содержания, приобретение теоретических знаний по основным разделам дисциплины, подготовить к изучению и применению математических методов в профессиональной деятельности, к самостоятельному изучению тех разделов математики, которые могут потребоваться дополнительно в практической и исследовательской работе, формирование математического, логического и алгоритмического мышления, математической культуры бакалавра.

2. Место дисциплины в структуре ОПОП ВО

Дисциплины и практики, на освоении которых базируется данная дисциплина: математика (школьный курс), алгебра (школьный курс), геометрия (школьный курс), алгебра и начала анализа (школьный курс).

Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины необходимо как предшествующее: «Высшая математика 2», «Высшая математика 3», «Физика», «Теоретические основы электротехники».

3. Планируемые результаты обучения

| Формируемые и контролируемые компетенции (код и наименование) | Индикаторы достижения компетенций (код и наименование) | Планируемые результаты обучения |
|--|---|---|
| ОПК-3. Способен применять соответствующий физико-математический аппарат, методы анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования при решении профессиональных задач | ОПК-3.1 Применяет математический аппарат аналитической геометрии, линейной алгебры, теории пределов | Знать: 1. Основные понятия математики, методы решения задач, а также их приложения в профессиональных дисциплинах, методы сбора анализа и обработки информации. 2. Методы решения математических задач до числового или другого требуемого результата (графика, формулы и т.п.) 3. Основные понятия и методы линейной и векторной алгебры, аналитической геометрии, теории пределов. |
| | | Уметь: 1. Решать типовые математические задачи 2. Самостоятельно математически корректно ставить естественнонаучные задачи, проводить строгие математические рассуждения. |

| Формируемые и контролируемые компетенции (код и наименование) | Индикаторы достижения компетенций (код и наименование) | Планируемые результаты обучения |
|---|--|---|
| | | <p>3. Оперировать абстрактными объектами и корректно использовать математические понятия и символику для выражения количественных и качественных отношений объектов.</p> <p>4. Переводить инженерные задачи с описательного языка на язык математики, применять методы математического анализа для решения инженерных задач</p> <p>5. Решать системы линейных уравнений, составлять уравнения прямых и кривых линий на плоскости и в пространстве, поверхностей второго порядка.</p> <p>Владеть:</p> <p>1. Методами математического описания типовых задач и интерпретации полученного результата.</p> <p>2. Способами наглядного графического представления результатов исследования.</p> <p>3. Навыками применения современного математического инструментария для решения математических задач</p> <p>4. Математической логикой, необходимой для формирования суждений по соответствующим профессиональным проблемам</p> |

4. Структура и содержание дисциплины

| Модуль (раздел) | Вид учебной работы | Наименование тем занятий (учебной работы) | Семестр | Объем, ч. | Баллы | Интерактив, ч. | Формы текущего контроля (наименование оценочного средства) |
|-----------------------------------|--------------------------|---|---------|-----------|-------|----------------|---|
| Модуль 1. Линейная алгебра | Лек 1 | Матрицы. Действия над ними. Обратная матрица | 1 | 2 | - | - | |
| Модуль 1. Линейная алгебра | Пр 1 | Определители и их свойства. Вычисление определителей | 1 | 2 | - | - | |
| Модуль 1. Линейная алгебра | Лек 2 | Исследование систем линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли | 1 | 2 | - | - | |
| Модуль 1. Линейная алгебра | Пр 2 | Решение систем линейных уравнений методами Крамера, Гаусса и средствами матричного исчисления | 1 | 2 | - | - | |
| Модуль 1. Линейная алгебра | Ср | Матрицы. Определители. Системы линейный алгебраических уравнений | 1 | 20 | - | - | |
| Модуль 1. Линейная алгебра | Ср | Контрольная работа 1 по теме "Линейная алгебра" | 1 | 18 | - | - | Контрольная работа 1 по теме "Линейная алгебра" |
| Модуль 2. Векторная алгебра | Лек 3 | Векторы и действия над ними. Базис. Переход от одного базиса к другому. | 1 | 2 | - | - | |
| Модуль 2 Векторная алгебра | Пр 3 | Скалярное, векторное, смешанное произведение векторов в декартовом и произвольном базисе | 1 | 2 | - | - | |

| Модуль (раздел) | Вид учебной работы | Наименование тем занятий (учебной работы) | Семестр | Объем, ч. | Баллы | Интерактив, ч. | Формы текущего контроля (наименование оценочного средства) |
|--|--------------------------|--|---------|-----------|-------|----------------|---|
| Модуль 2 Векторная алгебра | Ср | Основные понятия векторной алгебры. Базис. Переход от одного базиса к другому. Скалярное, векторное, смешанное произведения векторов | 1 | 20 | - | - | |
| Модуль 2 Векторная алгебра | Ср | Контрольная работа 2 по теме "Векторная алгебра" | 1 | 18 | - | - | Контрольная работа 2 по теме "Векторная алгебра" |
| Модуль 3 Аналитическая геометрия | Лек 4 | Понятие об уравнении линии на плоскости. Уравнения прямой на плоскости. Плоскость в пространстве. | 1 | 2 | - | - | |
| Модуль 3 Аналитическая геометрия | Пр 4 | Прямая на плоскости и в пространстве. Плоскость в пространстве | 1 | 2 | - | - | |
| Модуль 3 Аналитическая геометрия | Лек 5 | Кривые второго порядка. Эллипс. Гипербола. Парабола. Кривые второго порядка в полярной системе координат. | 1 | 2 | - | - | |
| Модуль 3 Аналитическая геометрия | Пр 5 | Поверхности второго порядка. Цилиндрические поверхности. Конические поверхности и поверхности | 1 | 2 | - | - | |
| Модуль 3 Аналитическая геометрия | Ср | Прямая на плоскости. Плоскость и прямая в пространстве. Кривые второго порядка. Поверхности второго порядка | 1 | 20 | - | - | |
| Модуль 3 Аналитическая геометрия | Ср | Контрольная работа 3 по теме "Аналитическая геометрия" | 1 | 18 | - | - | Контрольная работа 3 по теме "Аналитическая геометрия" |

| Модуль (раздел) | Вид учебной работы | Наименование тем занятий (учебной работы) | Семестр | Объем, ч. | Баллы | Интерактив, ч. | Формы текущего контроля (наименование оценочного средства) |
|--|--------------------------|--|---------|------------|-------|----------------|---|
| Модуль 4 Введение в математический анализ | Лек 6 | Функция. Понятие, основные характеристики, способы задания. Основные элементарные функции. Обратная и сложная функции. | 1 | 2 | - | - | |
| Модуль 4 Введение в математический анализ | Пр 6 | Предел функции. Бесконечно малые и бесконечно большие функции, связь между ними. Первый и второй замечательные пределы. | 1 | 2 | - | - | |
| Модуль 4 Введение в математический анализ | Ср | Элементарные функции и их свойства. Предел последовательности. Предел функции. Непрерывность функции. Эквивалентные бесконечно малые. | 1 | 20 | - | - | |
| Модуль 4 Введение в математический анализ | Ср | Контрольная работа 4 по теме "Введение в математический анализ" | 1 | 18 | - | - | Контрольная работа 4 по теме "Введение в математический анализ" |
| | ПА | Промежуточная аттестация (зачёт) | 1 | 0,25 | - | - | |
| | Контроль | Зачёт | 1 | 3,75 | - | - | Вопросы к зачёту №№ 1- 43 |
| Итого: | | | | 180 | - | | |

5. Образовательные технологии

В дисциплине "Высшая математика 1" используются:

технология модульного и блочно-модульного обучения (содержание учебного материала жёстко структурировано в целях его максимального усвоения, сопровождается обязательными блоками упражнений и контроля);

технология развивающего обучения (проведение лекций, практических занятий, контрольных работ, зачёта);

технология дифференцированного обучения (предлагаются задания различного уровня сложности);

информационно-коммуникационные технологии (применение учебных электронных изданий, ресурсов сети Интернет).

6. Методические указания по освоению дисциплины

Основу теоретического обучения студентов составляют лекции, в ходе которой преподаватель излагает основные, наиболее сложные понятия темы, а также связанные с ней теоретические и практические проблемы, даёт рекомендации для практического занятия и указания для выполнения самостоятельной работы.

В ходе лекционных занятий обучающемуся необходимо вести конспектирование учебного материала, обращая внимание на формулировки, раскрывающие содержание изучаемой дисциплины "Высшая математика 1". Желательно оставлять в рабочих конспектах поля, на которых делать пометки, подчёркивающие особую важность тех или иных теоретических положений.

Самостоятельная работа студентов является важным видом учебной деятельности. Самостоятельная работа выполняется во внеаудиторное время по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия.

В процессе самостоятельной работы студент приобретает навыки самоорганизации, самоконтроля, самоуправления и становится активным самостоятельным субъектом учебной деятельности.

В ходе подготовки к практическим занятиям следует изучить конспекты лекций, и рекомендованную литературу, учесть рекомендации преподавателя.

На практических занятиях студенты решают задачи под руководством преподавателя. Практические занятия посвящены изучению наиболее важных и сложных тем учебной дисциплины и служат для закрепления изученного материала.

Важным критерием усвоения теории является умение решать задачи на пройденный материал. При решении задач нужно обосновать каждый этап решения, исходя из теоретических положений изучаемого курса. Если студент видит несколько путей решения, то он должен сравнить их и выбрать самый рациональный. Решение задач и примеров следует излагать подробно, вычисления располагать в строгом порядке, отделяя вспомогательные вычисления от основных. Полученный ответ следует проверять способами, вытекающими из существа данной задачи. Решение задач определённого типа нужно продолжать до приобретения твёрдых навыков в решении.

Во время изучения модуля студенты самостоятельно во внеаудиторное время выполняют контрольную работу и сдают её преподавателю на проверку до зачётной недели. Задания контрольной работы должны быть выполнены аккуратно, последовательно, обоснование решения и ответ обязательны в каждом задании.

На зачёте выясняется, прежде всего, отчетливое усвоение всех теоретических и практических вопросов программы и умение применять полученные знания к решению практических задач. Определения, теоремы, правила должны формулироваться точно и с пониманием существа дела; решение задач в простейших случаях должно выполняться без ошибок и уверенно; всякая письменная и графическая работа должна быть сделана аккуратно

и чётко. Только при выполнении этих условий знания могут быть признаны удовлетворяющими требованиям, предъявляемым программой.

При подготовке к зачёту студент должен повторно изучить конспекты лекций и рекомендованную основную и дополнительную литературу, просмотреть решения основных задач, решённых самостоятельно и на практических занятиях, а также составить письменные ответы на все вопросы, вынесенные на зачёт.

7. Оценочные средства

7.1. Паспорт оценочных средств

| Семестр | Код контролируемой компетенции (или ее части) | Наименование оценочного средства |
|---------|--|--|
| 1 | ОПК-3.1 | Контрольная работа 1 по теме "Линейная алгебра" |
| 1 | ОПК-3.1 | Контрольная работа 2 по теме "Векторная алгебра" |
| 1 | ОПК-3.1 | Контрольная работа 3 по теме "Аналитическая геометрия" |
| 1 | ОПК-3.1 | Контрольная работа 4 по теме "Введение в математический анализ" |
| 1 | ОПК-3.1 | Вопросы к зачёту №№ 1-43 |

7.2. Типовые задания или иные материалы, необходимые для текущего контроля

7.2.1. Контрольная работа 1 по теме "Линейная алгебра"

(наименование оценочного средства)

Типовые примеры заданий

Задача 1

Доказать совместность системы и решить её тремя способами: по формулам Крамера, методом Гаусса и средствами матричного исчисления.

| Номер вар. | Система линейных уравнений | Номер вар. | Система линейных уравнений |
|---------------|--|---------------|---|
| 1 | $\begin{cases} 4x_1 + 2x_2 - x_3 + x_4 = -12, \\ x_1 + 7x_2 - 5x_3 + 2x_4 = -9, \\ -2x_1 + 5x_2 - 6x_3 + 3x_4 = -8. \end{cases}$ | 11 | $\begin{cases} x_1 - x_2 - 4x_3 + 9x_4 = 22, \\ x_1 + 2x_2 - 4x_4 = -3, \\ 2x_1 - 3x_2 + x_3 + 5x_4 = -3. \end{cases}$ |
| 2 | $\begin{cases} 4x_1 - 3x_2 + 2x_3 - x_4 = 2, \\ x_1 - 2x_2 + 3x_3 - 4x_4 = -2, \\ 2x_1 + x_2 - 4x_3 + 7x_4 = 6. \end{cases}$ | 12 | $\begin{cases} x_1 + x_2 - 6x_3 - 4x_4 = 6, \\ 2x_1 + 3x_2 + 9x_3 + 5x_4 = 6, \\ 3x_1 + 4x_2 + 3x_3 - 2x_4 = 12. \end{cases}$ |
| 3 | $\begin{cases} x_1 - 2x_2 + x_3 + 2x_4 = 1, \\ x_1 - 2x_2 + x_3 - 2x_4 = -3, \\ x_1 - 2x_2 + x_3 + 6x_4 = 5. \end{cases}$ | 13 | $\begin{cases} -x_1 - 9x_2 - 4x_3 = -8, \\ 2x_1 + 7x_2 + 3x_3 + x_4 = 6, \\ 3x_1 + 5x_2 + 2x_3 + 2x_4 = 4. \end{cases}$ |
| 4 | $\begin{cases} x_1 - 2x_2 + x_3 - x_4 = 1, \\ x_1 + 2x_2 - x_3 + x_4 = 3, \\ x_1 - 6x_2 + 3x_3 - 3x_4 = -1. \end{cases}$ | 14 | $\begin{cases} x_1 + x_2 + 3x_3 - 2x_4 = 1, \\ 2x_1 + 2x_2 + 4x_3 - x_4 = 2, \\ 4x_1 + 4x_2 + 10x_3 - 5x_4 = 4. \end{cases}$ |
| 5 | $\begin{cases} x_1 + x_2 - x_3 + 2x_4 = 3, \\ x_1 + x_2 - x_3 - 2x_4 = -1, \\ x_1 + x_2 - x_3 + 6x_4 = 7. \end{cases}$ | 15 | $\begin{cases} x_1 - 2x_2 + x_4 = -3, \\ 3x_1 - x_2 - 2x_3 = 1, \\ 2x_1 + x_2 - 2x_3 - x_4 = 4. \end{cases}$ |

| Номер вар. | Система линейных уравнений | Номер вар. | Система линейных уравнений |
|---------------|--|---------------|--|
| 6 | $\begin{cases} 2x_2 + x_3 - x_4 = 2, \\ 2x_1 - x_2 + x_4 = 2, \\ 2x_1 + x_2 + x_3 = 4. \end{cases}$ | 16 | $\begin{cases} x_1 + 7x_2 - 2x_3 + 3x_4 = 3, \\ 3x_1 + 5x_2 + x_3 - 2x_4 = 5, \\ -2x_1 + 5x_2 - 5x_3 + x_4 = -4. \end{cases}$ |
| 7 | $\begin{cases} 8x_1 - 6x_2 + 4x_3 + 2x_4 = 16, \\ 8x_1 - 6x_2 + 4x_3 - 2x_4 = 8, \\ 12x_1 - 9x_2 + 6x_3 + x_4 = 20. \end{cases}$ | 17 | $\begin{cases} -2x_1 + x_2 - 3x_3 + x_4 = -4, \\ 4x_1 + 7x_2 - 2x_3 - 2x_4 = -6, \\ 2x_1 + 8x_2 - 5x_3 - x_4 = -10. \end{cases}$ |
| 8 | $\begin{cases} 2x_1 + x_3 + x_4 = 5, \\ 2x_2 + x_3 - x_4 = 3, \\ 4x_1 - 2x_2 + x_3 + 3x_4 = 7. \end{cases}$ | 18 | $\begin{cases} x_1 - 2x_2 + 4x_3 + 3x_4 = 9, \\ 2x_1 + 3x_2 + x_3 + 2x_4 = 4, \\ 4x_1 - x_2 + 5x_3 + x_4 = 6. \end{cases}$ |
| 9 | $\begin{cases} 2x_1 - x_2 + x_3 + x_4 = 3, \\ 2x_1 - x_2 + 2x_3 - x_4 = 2, \\ 6x_1 - 3x_2 + 4x_3 - 3x_4 = -1. \end{cases}$ | 19 | $\begin{cases} x_1 + x_2 + 2x_3 + 2x_4 = -1, \\ 2x_1 - x_2 + 2x_3 - x_4 = -4, \\ 4x_1 + x_2 + 6x_3 + 5x_4 = -6. \end{cases}$ |
| 10 | $\begin{cases} x_1 - 2x_2 + x_3 + x_4 = 1, \\ x_1 - 2x_2 + x_3 - x_4 = -1, \\ x_1 - 2x_2 + x_3 + 5x_4 = 5. \end{cases}$ | 20 | $\begin{cases} 2x_1 + x_2 + 3x_3 + x_4 = 11, \\ 2x_1 + 3x_2 + x_3 - x_4 = 1, \\ 3x_1 + 2x_2 + x_3 + 2x_4 = 5. \end{cases}$ |

Задача 2

Исследовать и найти общее решение системы линейных однородных уравнений.

| Номер вар. | Система линейных уравнений | Номер вар. | Система линейных уравнений |
|---------------|--|---------------|---|
| 1 | $\begin{cases} 3x_1 + 3x_2 + 5x_3 - 2x_4 = 0, \\ 2x_1 + 2x_2 + 8x_3 - 3x_4 = 0, \\ 2x_1 + 2x_2 + 4x_3 - x_4 = 0. \end{cases}$ | 11 | $\begin{cases} x_1 - x_2 - 4x_3 + 9x_4 = 0, \\ x_1 + 2x_2 - 4x_4 = 0, \\ 2x_1 - 3x_2 + x_3 + 5x_4 = 0. \end{cases}$ |
| 2 | $\begin{cases} 7x_1 - 3x_2 + 7x_3 + 17x_4 = 0, \\ 8x_1 - 6x_2 - x_3 - 5x_4 = 0, \\ 4x_1 - 2x_2 + 3x_3 + 7x_4 = 0. \end{cases}$ | 12 | $\begin{cases} x_1 - 3x_2 - 4x_3 + x_4 = 0, \\ 5x_1 - 8x_2 - 2x_3 + x_4 = 0, \\ -2x_1 - x_2 - 10x_3 - 5x_4 = 0. \end{cases}$ |
| 3 | $\begin{cases} x_1 + 4x_2 - 3x_3 + 6x_4 = 0, \\ 2x_1 + 5x_2 + x_3 - 2x_4 = 0, \\ x_1 + 7x_2 - 10x_3 + 20x_4 = 0. \end{cases}$ | 13 | $\begin{cases} 7x_1 + 5x_2 - 3x_3 + x_4 = 0, \\ 3x_1 + 2x_2 - 3x_3 + 2x_4 = 0, \\ x_1 + x_2 + 3x_3 - 3x_4 = 0. \end{cases}$ |
| 4 | $\begin{cases} 2x_1 - x_2 + 3x_3 - 7x_4 = 0, \\ 6x_1 - 3x_2 + x_3 - 4x_4 = 0, \\ 4x_1 - 2x_2 + 14x_3 - 31x_4 = 0. \end{cases}$ | 14 | $\begin{cases} 2x_1 + 2x_2 + 8x_3 - 3x_4 = 0, \\ 3x_1 + 3x_2 + 5x_3 - 2x_4 = 0, \\ 2x_1 + 2x_2 + 4x_3 - x_4 = 0. \end{cases}$ |
| 5 | $\begin{cases} 2x_1 + 5x_2 + x_3 + 3x_4 = 0, \\ 4x_1 + 6x_2 + 3x_3 + 5x_4 = 0, \\ 4x_1 + 14x_2 + x_3 + 7x_4 = 0. \end{cases}$ | 15 | $\begin{cases} x_1 + x_2 - 3x_3 + 2x_4 = 0, \\ 2x_1 - 3x_2 + x_3 - x_4 = 0, \\ 4x_1 - x_2 - 5x_3 + 3x_4 = 0. \end{cases}$ |

| Номер вар. | Система линейных уравнений | Номер вар. | Система линейных уравнений |
|------------|--|------------|--|
| 6 | $\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 + 2x_3 + 2x_4 = 0, \\ 2x_1 + 3x_2 + 2x_3 + 5x_4 = 0, \\ 9x_1 + x_2 + 4x_3 - 5x_4 = 0. \end{cases}$ | 16 | $\begin{cases} x_1 + 3x_2 - x_3 + 2x_4 = 0, \\ 2x_1 + 5x_2 - 8x_3 - 5x_4 = 0, \\ x_1 + 4x_2 + 5x_3 + x_4 = 0. \end{cases}$ |
| 7 | $\begin{cases} 9x_1 - 3x_2 + 5x_3 + 6x_4 = 0, \\ 6x_1 - 2x_2 + 3x_3 + x_4 = 0, \\ 9x_1 + x_2 + 4x_3 - 5x_4 = 0. \end{cases}$ | 17 | $\begin{cases} 3x_1 - 2x_2 - 5x_3 + 4x_4 = 0, \\ 6x_1 - 4x_2 + 4x_3 + 3x_4 = 0, \\ 9x_1 - 6x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 0. \end{cases}$ |
| 8 | $\begin{cases} 2x_1 + x_2 + 7x_3 + 3x_4 = 0, \\ 4x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 0, \\ 4x_1 + 2x_2 + x_3 + 2x_4 = 0. \end{cases}$ | 18 | $\begin{cases} 5x_1 - 5x_2 + 10x_3 - x_4 = 0, \\ 5x_1 + x_2 + 7x_3 + x_4 = 0, \\ x_1 + 7x_2 + 4x_3 + 3x_4 = 0. \end{cases}$ |
| 9 | $\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 + 5x_3 + 4x_4 = 0, \\ 2x_1 + 3x_2 + 6x_3 + 8x_4 = 0, \\ x_1 - 6x_2 - 9x_3 - 20x_4 = 0. \end{cases}$ | 19 | $\begin{cases} 7x_1 + 5x_2 + 3x_3 + 6x_4 = 0, \\ 2x_1 - x_2 - x_3 + 4x_4 = 0, \\ x_1 + 8x_2 + 6x_3 - 6x_4 = 0. \end{cases}$ |
| 10 | $\begin{cases} 3x_1 - 2x_2 + x_3 - 4x_4 = 0, \\ 2x_1 - 3x_2 - 2x_3 + x_4 = 0, \\ 4x_1 - x_2 + 4x_3 - 9x_4 = 0. \end{cases}$ | 20 | $\begin{cases} 4x_1 - x_2 + x_3 + x_4 = 0, \\ 3x_1 + 2x_2 - 2x_3 + x_4 = 0, \\ 9x_1 + 6x_2 + x_3 + 3x_4 = 0. \end{cases}$ |

Краткое описание и регламент выполнения

Контрольная работа 1 по теме "Линейная алгебра" выполняется студентами самостоятельно во внеаудиторное время и должна быть сдана преподавателю на проверку до зачётной недели. На выполнение контрольной работы отводится 18 часов. Номера вариантов контрольных задач определяются с помощью таблицы 1, причем номер варианта контрольной задачи 1 находится по первой букве фамилии студента; а номер варианта контрольной задачи 2 находится по первой букве имени студента.

Таблица 1

| | | | | | | | | | | |
|--------|----|-----|-----|----|-----|-----|-----|----|-----|-----|
| Буква | А | Б | В | Г | Д | Е,Ё | Ж,З | И | К | Л |
| № вар. | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
| Буква | М | Н,Ю | О,Я | П | Р,Ч | С,Ш | Т,Щ | У | Ф,Э | Х,Ц |
| № вар. | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 |

При выполнении контрольных работ необходимо строго придерживаться указанных ниже правил. Работы, выполненные без соблюдения этих правил, не зачитываются и возвращаются студенту для переработки.

1. Каждая контрольная работа должна быть выполнена в отдельной тетради в клетку синими или черными чернилами. Необходимо оставлять поля шириной 4 - 5 см для замечаний рецензента.
2. В заголовке работы на обложке тетради должны быть ясно написаны фамилия, имя и отчество студента, название дисциплины, номер контрольной работы; здесь же следует указать название учебного заведения, дату отсылки работы в институт и адрес студента. В конце работы следует поставить дату её выполнения и подпись студента.
3. В работу должны быть включены все задачи, указанные в задании, строго по положенному варианту. Решения задач надо располагать в порядке возрастания их номеров.
4. Перед решением каждой задачи надо полностью выписать её условие. Если условие задачи имеет общую формулировку, то, переписывая его, следует общие данные заменить

конкретными, взятыми из своего варианта. Не следует приступать к выполнению контрольного задания, не решив достаточного количества задач по материалу, соответствующему этому заданию. Опыт показывает, что чаще всего неумение решить ту или иную задачу контрольного задания вызывается тем, что студент не выполнил это требование.

5. В прорецензированной работе студент должен исправить отмеченные рецензентом ошибки и учесть его рекомендации и советы. Рецензии позволяют студенту судить о степени усвоения соответствующего раздела курса; указывают на имеющиеся у него пробелы, на желательное направление работы; помогают сформулировать вопросы для постановки их перед преподавателем. Зачтенные контрольные работы предъявляются студентом при сдаче зачета или экзамена.

Критерии оценки:

- оценка «зачтено» выставляется студенту, если правильно выполнено не менее 70 % заданий;
- оценка «не зачтено» выставляется студенту, если правильно выполнено менее 70 % заданий.

7.2.2. Контрольная работа 2 по теме "Векторная алгебра" (наименование оценочного средства)

Типовые примеры заданий

Задача

По координатам вершин пирамиды ABCD средствами векторной алгебры найти:

- 1) длины ребер AB и AC;
- 2) угол между ребрами AB и AC;
- 3) площадь грани ABC;
- 4) проекцию вектора AB на AC;
- 5) объем пирамиды.

| Номер вар. | Координаты точки А | Координаты точки В | Координаты точки С | Координаты точки Д |
|---------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| 1 | (1;2;3) | (-1;3;6) | (-2;4;2) | (0;5;4) |
| 2 | (-1;2;0) | (-2;2;4) | (-3;3;0) | (-1;4;2) |
| 3 | (2;2;3) | (-1;2;0) | (0;3;3) | (2;4;-5) |
| 4 | (0;-1;2) | (-1;-1;6) | (-2;0;2) | (0;1;4) |
| 5 | (3;0;2) | (2;0;6) | (1;1;2) | (3;2;4) |
| 6 | (0;2;-1) | (-1;2;3) | (-2;3;-1) | (0;4;1) |
| 7 | (2;3;2) | (1;3;6) | (0;4;2) | (2;5;4) |
| 8 | (1;0;2) | (-2;0;6) | (-3;1;2) | (-1;2;4) |
| 9 | (2;0;3) | (1;0;7) | (0;1;3) | (2;2;4) |
| 10 | (-2;1;3) | (-1;1;3) | (2;0;2) | (2;0;4) |
| 11 | (2;4;-6) | (1;3;5) | (0;-3;8) | (3;2;3) |
| 12 | (-2;3;5) | (1;-3;4) | (7;8;-1) | (-1;2;-1) |
| 13 | (1;3;5) | (0;2;0) | (5;7;9) | (0;4;8) |

| Номер вар. | Координаты точки А | Координаты точки В | Координаты точки С | Координаты точки Д |
|---------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| 14 | (3;-5;2) | (4;5;1) | (-3;0;-4) | (-4;5;-6) |
| 15 | (4;5;2) | (3;0;1) | (-1;4;2) | (5;7;8) |
| 16 | (5;1;0) | (7;0;1) | (2;1;4) | (5;5;3) |
| 17 | (4;2;-1) | (3;0;3) | (8;0;4) | (5;-1;-2) |
| 18 | (4;-3;-2) | (2;2;3) | (-1;-2;3) | (2;-2;-3) |
| 19 | (3;1;1) | (1;4;1) | (1;1;7) | (3;-4;-1) |
| 20 | (2;2;0) | (-2;3;-2) | (2;-3;3) | (1;5;5) |

Краткое описание и регламент выполнения

Контрольная работа 2 по теме "Векторная алгебра" выполняется студентами самостоятельно во внеаудиторное время и должна быть сдана преподавателю на проверку до зачётной недели. На выполнение контрольной работы отводится 18 часов. Номер варианта контрольной задачи определяется по первой букве фамилии студента с помощью таблицы 1.

Таблица 1

| Буква | А | Б | В | Г | Д | Е,Ё | Ж,З | И | К | Л |
|--------|----|-----|-----|----|-----|-----|-----|----|-----|-----|
| № вар. | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
| Буква | М | Н,Ю | О,Я | П | Р,Ч | С,Ш | Т,Щ | У | Ф,Э | Х,Ц |
| № вар. | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 |

При выполнении контрольных работ необходимо строго придерживаться указанных ниже правил. Работы, выполненные без соблюдения этих правил, не зачитываются и возвращаются студенту для переработки.

1. Каждая контрольная работа должна быть выполнена в отдельной тетради в клетку синими или черными чернилами. Необходимо оставлять поля шириной 4 - 5 см для замечаний рецензента.
2. В заголовке работы на обложке тетради должны быть ясно написаны фамилия, имя и отчество студента, название дисциплины, номер контрольной работы; здесь же следует указать название учебного заведения, дату отсылки работы в институт и адрес студента. В конце работы следует поставить дату её выполнения и подпись студента.
3. В работу должны быть включены все задачи, указанные в задании, строго по положенному варианту. Решения задач надо располагать в порядке возрастания их номеров.
4. Перед решением каждой задачи надо полностью выписать её условие. Если условие задачи имеет общую формулировку, то, переписывая его, следует общие данные заменить конкретными, взятыми из своего варианта. Не следует приступать к выполнению контрольного задания, не решив достаточного количества задач по материалу, соответствующему этому заданию. Опыт показывает, что чаще всего неумение решить ту или иную задачу контрольного задания вызывается тем, что студент не выполнил это требование.
5. В прорецензированной работе студент должен исправить отмеченные рецензентом ошибки и учесть его рекомендации и советы. Рецензии позволяют студенту судить о степени усвоения соответствующего раздела курса; указывают на имеющиеся у него пробелы, на желательное направление работы; помогают сформулировать вопросы для постановки их перед преподавателем. Зачтенные контрольные работы предъявляются студентом при сдаче зачета или экзамена.

Критерии оценки:

- оценка «зачтено» выставляется студенту, если правильно выполнено не менее 70 % заданий;
- оценка «не зачтено» выставляется студенту, если правильно выполнено менее 70 % заданий.

7.2.3. Контрольная работа 3 по теме "Аналитическая геометрия"

(наименование оценочного средства)

Типовые примеры заданий

Задача 1

Даны координаты вершин треугольника ABC. Составить уравнения сторон треугольника, медианы, высоты и биссектрисы угла A, а также прямых, проходящих через вершины треугольника и параллельных его сторонам. Найти длину высоты, медианы и биссектрисы.

| Номер вар. | Координаты точки А | Координаты точки В | Координаты точки С |
|---------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| 1 | (1;2) | (3;4) | (-1;2) |
| 2 | (4;2) | (-3;6) | (2;3) |
| 3 | (-3;1) | (-2;4) | (1;3) |
| 4 | (2;3) | (-5;3) | (-1;0) |
| 5 | (0;4) | (-5;-1) | (2;2) |
| 6 | (-1;2) | (3;-2) | (1;4) |
| 7 | (3;4) | (2;1) | (-2;-3) |
| 8 | (-4;1) | (0;5) | (4;2) |
| 9 | (5;0) | (2;2) | (-2;3) |
| 10 | (-3;2) | (-1;5) | (3;2) |
| 11 | (1;3) | (-2;4) | (-3;1) |
| 12 | (-2;3) | (-5;-2) | (1;2) |
| 13 | (-5;-1) | (2;2) | (0;4) |
| 14 | (0;5) | (1;2) | (3;-2) |
| 15 | (1;4) | (3;-2) | (-5;4) |
| 16 | (3;2) | (-1;5) | (-3;-3) |
| 17 | (-2;-1) | (3;4) | (-1;2) |
| 18 | (4;2) | (6;-3) | (2;3) |

| Номер вар. | Координаты точки А | Координаты точки В | Координаты точки С |
|---------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| 19 | (0;2) | (1;5) | (-2;-2) |
| 20 | (2;3) | (4;5) | (1;2) |

Задача 2

Составить уравнение плоскости P , проходящей через точку A перпендикулярно вектору \vec{BC} . Написать ее общее уравнение, а также нормальное уравнение плоскости в отрезках. Составить уравнение плоскости P_1 , проходящей через точки A, B, C . Найти угол между плоскостями P и P_1 . Найти расстояние от точки D до плоскости P .

| Номер вар. | Координаты точки А | Координаты точки В | Координаты точки С | Координаты точки Д |
|---------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| 1 | (2;5;3) | (1;3;5) | (0;-3;7) | (3;2;3) |
| 2 | (-2;3;5) | (1;-3;4) | (7;8;-1) | (-1;2;-1) |
| 3 | (1;1;2) | (2;3;-1) | (2;-2;4) | (-1;2; 2) |
| 4 | (1;3;5) | (0;2;0) | (5;7;9) | (0;4;8) |
| 5 | (3;-5;2) | (4;5;1) | (-3;0;-4) | (-4;5;-6) |
| 6 | (4;5;2) | (3;0;1) | (-1;4;2) | (5;7;8) |
| 7 | (5;1;0) | (7;0;1) | (2;1;4) | (5;5;3) |
| 8 | (4;2;-1) | (3;0;4) | (0;0;4) | (5;-1;-3) |
| 9 | (4;-3;-2) | (2;2;3) | (-1;-2;3) | (2;-2;-3) |
| 10 | (3;1;1) | (1;4;1) | (1;1;7) | (3;4;-1) |
| 11 | (1;2;3) | (-1;3;6) | (-2;4;2) | (0;5;4) |
| 12 | (0;-1;2) | (-1;-1;6) | (-2;0;2) | (0;1;4) |
| 13 | (2;3;2) | (1;3;6) | (0;4;2) | (2;5;4) |
| 14 | (1;0;2) | (-2;0;6) | (-3;1;2) | (-1;2;4) |
| 15 | (2;0;3) | (1;0;7) | (0;1;3) | (2;2;4) |
| 16 | (0;2;-1) | (-1;2;3) | (-2;3;-1) | (0;4;1) |
| 17 | (2;2;3) | (-1;2;0) | (0;3;3) | (2;4;-5) |
| 18 | (-2;-2;3) | (1;2;5) | (0;1;0) | (2;6;4) |
| 19 | (-2;1;3) | (-1;1;3) | (2;0;2) | (2;0;4) |
| 20 | (-1;2;0) | (-2;2;4) | (-3;3;0) | (-1;4;2) |

Задача 3

Прямая l задана в пространстве общими уравнениями. Написать ее канонические и параметрические уравнения. Составить уравнение прямой l_1 , проходящей через точку М параллельно прямой l и вычислить расстояние между ними. Найти проекцию точки М на прямую l и точку пересечения прямой l и плоскости Р.

| Номер вар. | Общие уравнение прямой l | Координаты точки М | Общие уравнение плоскости Р |
|------------|---|--------------------|-----------------------------|
| 1 | $\begin{cases} x - 3y + 2z - 5 = 0, \\ 2x + 5y - 3z + 2 = 0. \end{cases}$ | (1;2;3) | $2x - 3y + 4z - 6 = 0$ |
| 2 | $\begin{cases} 2x + y + z - 2 = 0, \\ 2x - y - 3z + 6 = 0. \end{cases}$ | (2;1;-1) | $x - 7y + 4z - 1 = 0$ |
| 3 | $\begin{cases} 2x - 3y - 2z + 6 = 0, \\ x - 3y + z + 3 = 0. \end{cases}$ | (0;2;-1) | $x - 2y + 3z - 4 = 0$ |
| 4 | $\begin{cases} 3x + 3y - 2z - 1 = 0, \\ 2x - 3y + z + 6 = 0. \end{cases}$ | (2;0;-1) | $x + y + z + 4 = 0$ |
| 5 | $\begin{cases} x + 5y + 2z - 5 = 0, \\ 2x - 5y - z + 5 = 0. \end{cases}$ | (2;0;-3) | $7x + y - 4z - 5 = 0$ |
| 6 | $\begin{cases} 5x - y - 2z - 3 = 0, \\ 3x - 2y - 5z + 2 = 0. \end{cases}$ | (0;-1;1) | $2x - 7y + 3z + 5 = 0$ |
| 7 | $\begin{cases} x + y + z - 2 = 0, \\ x - y - 2z + 2 = 0. \end{cases}$ | (0;3;1) | $x + 6y - 3z + 8 = 0$ |
| 8 | $\begin{cases} 2x + y - 3z - 2 = 0, \\ 2x - y + z + 6 = 0. \end{cases}$ | (-1;0;3) | $x - 2y + 5z - 6 = 0$ |
| 9 | $\begin{cases} 2x + 3y + z + 6 = 0, \\ x - 3y - 2z + 3 = 0. \end{cases}$ | (-1;1;0) | $x + 2y - z + 5 = 0$ |
| 10 | $\begin{cases} x + 3y + z - 8 = 0, \\ 2x + y - 2z + 3 = 0. \end{cases}$ | (2;1;1) | $5x - y - z + 1 = 0$ |
| 11 | $\begin{cases} x - 5y + 2z + 7 = 0, \\ 5x + y + 5z + 3 = 0. \end{cases}$ | (-1;2;-3) | $4x + y + 3z + 1 = 0$ |
| 12 | $\begin{cases} 7x + 5y - 2z + 1 = 0, \\ x + y - 3z + 1 = 0. \end{cases}$ | (2;0;3) | $2x - 5y - 2z - 6 = 0$ |
| 13 | $\begin{cases} x - 3y - 2z + 3 = 0, \\ 2x - 3y + z + 6 = 0. \end{cases}$ | (3;2;-1) | $3x - y - 2z + 1 = 0$ |
| 14 | $\begin{cases} x + y - 5z - 2 = 0, \\ 5x - y + z + 3 = 0. \end{cases}$ | (0;-2; 1) | $4x - 6y + z + 1 = 0$ |
| 15 | $\begin{cases} 5x - y - 5z - 2 = 0, \\ x + 2y - 5z + 6 = 0. \end{cases}$ | (-1;2;-1) | $6x - 3y + z - 2 = 0$ |
| 16 | $\begin{cases} 3x - 3y + 2z + 6 = 0, \\ x - 6y + z - 2 = 0. \end{cases}$ | (0;1;-3) | $x + 5y + 2z + 3 = 0$ |
| 17 | $\begin{cases} 2x - 4y - z + 5 = 0, \\ 5x + 2y + z - 4 = 0. \end{cases}$ | (1;-1;1) | $2x + 7y - z - 3 = 0$ |
| 18 | $\begin{cases} 3x - 2y + z + 2 = 0, \\ 3x - y + 3z - 4 = 0. \end{cases}$ | (-3;3;1) | $3x + 5y - 2z + 3 = 0$ |
| 19 | $\begin{cases} x - y + z + 5 = 0, \\ 2x + 6y - 5z - 4 = 0. \end{cases}$ | (-1;1;3) | $2x - 4y + z - 2 = 0$ |
| 20 | $\begin{cases} 2x - 2y - 2z - 4 = 0, \\ x + y + z + 7 = 0. \end{cases}$ | (0;1;-1) | $6x + 7y - 6z + 1 = 0$ |

Краткое описание и регламент выполнения

Контрольная работа 3 по теме "Аналитическая геометрия" выполняется студентами самостоятельно во внеаудиторное время и должна быть сдана преподавателю на проверку до зачётной недели. На выполнение контрольной работы отводится 18 часов. Номера вариантов контрольных задач определяются с помощью таблицы 1, причем номер контрольной задачи 1

находится по первой букве фамилии студента; номер варианта контрольной задачи 2 находится по первой букве имени студента; номер варианта контрольной задачи 3 находится по первой букве отчества студента.

Таблица 1

| | | | | | | | | | | |
|--------|----|-----|-----|----|-----|-----|-----|----|-----|-----|
| Буква | А | Б | В | Г | Д | Е,Ё | Ж,З | И | К | Л |
| № вар. | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
| Буква | М | Н,Ю | О,Я | П | Р,Ч | С,Ш | Т,Щ | У | Ф,Э | Х,Ц |
| № вар. | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 |

При выполнении контрольных работ необходимо строго придерживаться указанных ниже правил. Работы, выполненные без соблюдения этих правил, не зачитываются и возвращаются студенту для переработки.

1. Каждая контрольная работа должна быть выполнена в отдельной тетради в клетку синими или черными чернилами. Необходимо оставлять поля шириной 4 - 5 см для замечаний рецензента.
2. В заголовке работы на обложке тетради должны быть ясно написаны фамилия, имя и отчество студента, название дисциплины, номер контрольной работы; здесь же следует указать название учебного заведения, дату отсылки работы в институт и адрес студента. В конце работы следует поставить дату её выполнения и подпись студента.
3. В работу должны быть включены все задачи, указанные в задании, строго по положенному варианту. Решения задач надо располагать в порядке возрастания их номеров.
4. Перед решением каждой задачи надо полностью выписать её условие. Если условие задачи имеет общую формулировку, то, переписывая его, следует общие данные заменить конкретными, взятыми из своего варианта. Не следует приступать к выполнению контрольного задания, не решив достаточного количества задач по материалу, соответствующему этому заданию. Опыт показывает, что чаще всего неумение решить ту или иную задачу контрольного задания вызывается тем, что студент не выполнил это требование.
5. В прорецензированной работе студент должен исправить отмеченные рецензентом ошибки и учесть его рекомендации и советы. Рецензии позволяют студенту судить о степени усвоения соответствующего раздела курса; указывают на имеющиеся у него пробелы, на желательное направление работы; помогают сформулировать вопросы для постановки их перед преподавателем. Зачтенные контрольные работы предъявляются студентом при сдаче зачета или экзамена.

Критерии оценки:

- оценка «зачтено» выставляется студенту, если правильно выполнено не менее 70 % заданий;
- оценка «не зачтено» выставляется студенту, если правильно выполнено менее 70 % заданий.

7.2.4. Контрольная работа 4 по теме "Введение в математический анализ"

(наименование оценочного средства)

Типовые примеры заданий

Задача 1

Построить графики функций

| Номер вар. | Функции |
|------------|--|
| 1 | $y = -3x^2 + 10x - 3, y = \ln(-x) + 1, y = \cos \frac{x}{2} - 1, y = x^2 + x .$ |

| Номер вар. | Функции |
|---------------|--|
| 2 | $y = -2x^2 + 5x - 1, y = \ln(x - 2), y = \cos 2x + 2, y = x \cdot x - 1 .$ |
| 3 | $y = -4x^2 + 17x - 4, y = \ln(x + 2), y = \sin 2x + 1, y = x^2 - x .$ |
| 4 | $y = -5x^2 + 26x - 5, y = \ln 3x + 2, y = \sin 2x - 2, y = x \cdot x .$ |
| 5 | $y = 2x^2 + 3x - 2, y = \ln(2 - 2x), y = -\cos 2x, y = x \cdot x + 1 .$ |
| 6 | $y = 3x^2 + 8x - 3, y = \ln 2x + 3, y = -\sin 2x, y = x + 2 x + 1.$ |
| 7 | $y = 4x^2 + 15x - 4, y = \ln x + 3, y = \cos \frac{x}{2} + 1, y = \frac{ x }{x^2}.$ |
| 8 | $y = 5x^2 + 24x - 5, y = \ln(-3x) + 1, y = \sin \frac{x}{2} - 2, y = e^{ x }.$ |
| 9 | $y = -2x^2 + 3x + 2, y = \ln(x - 4), y = \sin \frac{x}{2} + 1, y = \ln x .$ |
| 10 | $y = -3x^2 + 8x + 3, y = \ln(-x) + 2, y = \cos \frac{x}{2} - 2, y = \sin x .$ |
| 11 | $y = 6x^2 - 5x + 1, y = -\ln x + 2, y = -\sin \frac{x}{2}, y = e^{ x+2 }.$ |
| 12 | $y = -2x^2 + 7x - 3, y = -\ln x + 1, y = -\cos \frac{x}{2}, y = \ln x - 1 .$ |
| 13 | $y = -2x^2 + 11x - 5, y = -\ln(x - 1), y = \sin(2x - \frac{\pi}{4}), y = x^2 - x .$ |
| 14 | $y = 3x^2 - 7x + 2, y = 2\ln x + 2, y = -\sin(x + \frac{\pi}{3}), y = \frac{1}{ x + 2 }.$ |
| 15 | $y = -3x^2 + 13x - 4, y = -\ln x - 2, y = -\cos(x - \frac{\pi}{3}), y = x x + 4.$ |
| 16 | $y = -3x^2 + 13x - 4, y = -\ln x - 2, y = \frac{-x + 2}{2x - 2}, y = x x + 4.$ |
| 17 | $y = 3x^2 - 7x + 2, y = -e^{-x} + 2, y = -\sin(x + \frac{\pi}{3}), y = \frac{1}{ x + 2 }.$ |
| 18 | $y = -2x^2 + 11x - 5, y = \frac{3x - 4}{x + 2}, y = -e^{x+2}, y = -\ln(x - 1).$ |
| 19 | $y = -2x^2 + 7x - 3, y = \cos \frac{x}{2}, y = \frac{3x + 3}{x + 1}, y = \ln x - 1 .$ |
| 20 | $y = 6x^2 - 5x + 1, y = -\sin \frac{x}{2}, y = -e^x + 1, y = e^{ x+2 }.$ |

Задача 2

Записать уравнения кривых в полярных координатах и построить их

| Номер вар. | $F(x, y) = 0$ |
|---------------|--|
| 1 | $y = -5x, x^2 + y^2 = \sqrt{3}, x^2 + y^2 = -20x, x^2 + y^2 = 15y.$ |
| 2 | $x = -4y, x^2 + y^2 = 200, x^2 + y^2 = \frac{16}{9}x, x^2 + y^2 = -14y.$ |
| 3 | $x = 2y, x^2 + y^2 = 169, x^2 + y^2 = -12x, x^2 + y^2 = 0,8y.$ |
| 4 | $x - y = 8, x^2 + y^2 = 121, x^2 + y^2 = -14x, x^2 + y^2 = 0,6y.$ |
| 5 | $x + y = 1, x^2 + y^2 = 125, x^2 + y^2 = \frac{x}{4}, x^2 + y^2 = 12y.$ |
| 6 | $x = 3,5, x^2 + y^2 = 100, x^2 + y^2 = -9x, x^2 + y^2 = 10y.$ |
| 7 | $x = \pi, x^2 + y^2 = 16, x^2 + y^2 = 3y, x^2 + y^2 = 3y.$ |
| 8 | $x = \frac{\pi}{4}, x^2 + y^2 = 81, x^2 + y^2 = 12x, x^2 + y^2 = -10y.$ |
| 9 | $x = \frac{\pi}{2}, x^2 + y^2 = 64, x^2 + y^2 = -8x, x^2 + y^2 = 0,4y.$ |
| 10 | $y = -3, x^2 + y^2 = 49, x^2 + y^2 = -5x, x^2 + y^2 = 6y.$ |
| 11 | $x = -3, x^2 + y^2 = 36, x^2 + y^2 = 5x, x^2 + y^2 = -6y.$ |
| 12 | $y = \frac{1}{4}, x^2 + y^2 = 25, x^2 + y^2 = -4x, x^2 + y^2 = 5y.$ |
| 13 | $x = -1, x^2 + y^2 = 9, x^2 + y^2 = 3x, x^2 + y^2 = -4y.$ |
| 14 | $y = 0,5, x^2 + y^2 = 12, x^2 + y^2 = x, x^2 + y^2 = -y.$ |
| 15 | $x = 0,5, x^2 + y^2 = \sqrt{3}, x^2 + y^2 = -x, x^2 + y^2 = 12y.$ |
| 16 | $x = 1, x^2 + y^2 = 3, x^2 + y^2 = 4x, x^2 + y^2 = 5y.$ |
| 17 | $y = 3, x^2 + y^2 = 4, x^2 + y^2 = 4x, x^2 + y^2 = 5y.$ |
| 18 | $x = 3, x^2 + y^2 = 5, x^2 + y^2 = 6x, x^2 + y^2 = 7y.$ |
| 19 | $y = 5, x^2 + y^2 = 6, x^2 + y^2 = 7x, x^2 + y^2 = 8y.$ |
| 20 | $x = 5, x^2 + y^2 = 7, x^2 + y^2 = 8x, x^2 + y^2 = 9y.$ |

Задача 3
Вычислить пределы

| Номер вар. | Пределы |
|---------------|--|
| 1 | $1) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{5x^2 - 11x + 2}{\sqrt{7+x} - 3}; 2) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(1-x)(1+x^3)}{5x^8 - 8}; 3) \lim_{x \rightarrow -10} \frac{\sin^2(x+10)}{\sqrt{x^2 - 36} - 8};$ $4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+1}{x+3} \right)^{4x-1}; 5) \lim_{x \rightarrow \infty} x(\ln(x-10) - \ln x).$ |
| 2 | $1) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{4x^2 - 9x + 2}{\sqrt{2x} - 2}; 2) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{1-x^2} + 5x}{\sqrt[3]{1-x^3}}; 3) \lim_{x \rightarrow -5} \frac{\operatorname{tg}(x+5)}{\sqrt{6+x} - 1};$ $4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{5x+3}{5x-2} \right)^{9x-1}; 5) \lim_{x \rightarrow \infty} x \ln \frac{9+x}{8+x}.$ |
| 3 | $1) \lim_{x \rightarrow -4} \frac{3x^2 + 11x - 4}{\sqrt{8+x} - 2}; 2) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[3]{1-x-8x^3}}{3x+2}; 3) \lim_{x \rightarrow 5} \frac{\operatorname{tg}(x-5)}{2-\sqrt{x-1}};$ $4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x+5}{3x+1} \right)^{8x-1}; 5) \lim_{x \rightarrow \infty} x \ln \frac{x-3}{x+3}.$ |
| 4 | $1) \lim_{x \rightarrow -3} \frac{3x^2 + 8x - 3}{3 - \sqrt{6-x}}; 2) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[3]{1-x^2-x^3}}{9x+5}; 3) \lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sin(x-4)}{\sqrt{x-3} - 1};$ $4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{4x+1}{x-2} \right)^{x+5}; 5) \lim_{x \rightarrow \infty} x \ln \frac{x+5}{x-6}.$ |
| 5 | $1) \lim_{x \rightarrow -2} \frac{3x^2 + 5x - 2}{2 - \sqrt{6+x}}; 2) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[3]{1-x^3+x^6}}{(x+1)^2}; 3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^3 + x^2}{\sin^2 3x};$ $4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{5x+6}{5x-1} \right)^{\frac{2x^2+1}{x}}; 5) \lim_{x \rightarrow \infty} x \ln \frac{x+7}{x-8}.$ |
| 6 | $1) \lim_{x \rightarrow -1} \frac{3x^2 + 2x - 1}{\sqrt{5+x} - 2}; 2) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 + \sqrt{x^4 - 3}}{\sqrt[3]{x^6 + 8}}; 3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin(x+2)}{x^2 + 2x};$ $4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x+2}{3x-3} \right)^{\frac{x^2}{x^2-1}}; 5) \lim_{x \rightarrow \infty} x(\ln(x-6) - \ln x).$ |
| 7 | $1) \lim_{x \rightarrow -3} \frac{2x^2 + 5x - 3}{\sqrt{12+x} - 3}; 2) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^2+1} + \sqrt[3]{x^3+1}}{x}; 3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(3x^2+x)}{1 - \cos 2x};$ $4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x^2+1}{2x^2+4} \right)^{x^2}; 5) \lim_{x \rightarrow \infty} x(\ln(x+3) - \ln x).$ |
| 8 | $1) \lim_{x \rightarrow 4} \frac{3x^2 - 13x + 4}{4 - \sqrt{12+x}}; 2) \lim_{x \rightarrow \infty} (0,5)^{\frac{x^3 + \sqrt[3]{x^9-1}}{1-x^3}}; 3) \lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \frac{\sin(1-2x)}{4x^2 - 1};$ |

| Номер вар. | Пределы |
|---------------|---|
| | 4) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x+3}{2x-1} \right)^{3x-1}$; 5) $\lim_{x \rightarrow \infty} x(\ln(x+6) - \ln x)$. |
| 9 | 1) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{3x^2 - 10x + 3}{3 - \sqrt{6+x}}$; 2) $\lim_{x \rightarrow \infty} (0,5)^{\frac{x^2 + \sqrt{4x^2+1}}{1-x^2}}$; 3) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} x + \sin x}{\sqrt{x^2 + a^2} - a}$; 4) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+3}{x+5} \right)^{2x+3}$; 5) $\lim_{x \rightarrow \infty} x(\ln(x-5) - \ln x)$. |
| 10 | 1) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{3x^2 - 7x + 2}{5 - \sqrt{23+x}}$; 2) $\lim_{x \rightarrow \infty} 2^{\frac{x+\sqrt{x}}{\sqrt{x^2+1}}}$; 3) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin(1-x)}{\sqrt{x}-1}$; 4) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2+3}{x^2-4} \right)^{5x^2-6}$; 5) $\lim_{x \rightarrow \infty} x(\ln(x+5) - \ln x)$. |
| 11 | 1) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{3x^2 - 4x + 1}{\sqrt{8+x} - 3}$; 2) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[4]{x^8+1} + x}{\sqrt{x^4+2}}$; 3) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{\sin x}}{\sqrt{x+1}-1}$; 4) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x^2+5}{2x^2+3} \right)^{-x^2-2}$; 5) $\lim_{x \rightarrow \infty} x(\ln(x+5) - \ln x)$. |
| 12 | 1) $\lim_{x \rightarrow -5} \frac{2x^2 + 9x - 5}{\sqrt{10+x} - \sqrt{5}}$; 2) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x}{\sqrt[3]{x^6+2} + \sqrt{x^2-1}}$; 3) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(\sqrt{x}-x)}{\operatorname{tg} \frac{x}{2}}$; 4) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x^2-1}{3x^2-2} \right)^{x^2+2}$; 5) $\lim_{x \rightarrow \infty} x(\ln(x-4) - \ln x)$. |
| 13 | 1) $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{3x^2 - 16x + 5}{2 - \sqrt{x-1}}$; 2) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x}{\sqrt[3]{x^2+4} + \sqrt[3]{x^2+4}}$; 3) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(x-\sqrt{x})}{\sin 5x}$; 4) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2+4}{x^2+1} \right)^{1-x^2}$; 5) $\lim_{x \rightarrow \infty} x(\ln(x+4) - \ln x)$. |
| 14 | 1) $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{2x^2 + 5x - 3}{\sqrt{12+x} - 3}$; 2) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x + \sqrt{x^2+6}}{\sqrt[3]{x+1}}$; 3) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(2x^2+x)}{\sqrt{x^2+1} - \sin x}$; 4) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{4x}{4x-1} \right)^{5x}$; 5) $\lim_{x \rightarrow \infty} x(\ln(x-2) - \ln x)$. |
| 15 | 1) $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{2x^2 + 3x - 2}{2 - \sqrt{2-x}}$; 2) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^2+4} + x}{\sqrt[3]{x+x}}$; 3) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(x^2-x)}{x \cdot \operatorname{tg}^2 x}$; 4) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x}{2x+6} \right)^{x-3}$; 5) $\lim_{x \rightarrow \infty} x(\ln(x+2) - \ln x)$. |

| Номер вар. | Пределы |
|---------------|---|
| 16 | $1) \lim_{x \rightarrow -1} \frac{2x^2 + x - 1}{\sqrt{2} - \sqrt{1-x}}; 2) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{4x^2 + 1} + x}{\sqrt{x^2 - 5}}; 3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(x^2 + x)}{x \cdot \sin 3x};$ $4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x}{3x+2} \right)^{2x+5}; 5) \lim_{x \rightarrow \infty} x(\ln x - \ln(x-6)).$ |
| 17 | $1) \lim_{x \rightarrow 5} \frac{2x^2 - 11x + 5}{\sqrt{5} - \sqrt{x}}; 2) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^6 + 1} - 4x^3}{\sqrt[3]{x^9 + 8}}; 3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2 x}{\sqrt{x^2 + 1} - 1};$ $4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{6x+1}{6x-2} \right)^{2x+1}; 5) \lim_{x \rightarrow \infty} x(\ln x - \ln(x+6)).$ |
| 18 | $1) \lim_{x \rightarrow 4} \frac{2x^2 - 9x + 4}{\sqrt{8x} - 4\sqrt{2}}; 2) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[3]{x^3 + 1} + x}{\sqrt{x^2 - 3}}; 3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}^2 \frac{x}{2}}{\sqrt{x^2 + 1} - 1};$ $4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{6x+3}{6x-1} \right)^{4x}; 5) \lim_{x \rightarrow \infty} x(\ln x - \ln(x+6)).$ |
| 19 | $1) \lim_{x \rightarrow 3} \frac{2x^2 - 7x + 3}{\sqrt{3x} - 3}; 2) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[3]{x^3 + 9} - x}{\sqrt{x^2 + 4}}; 3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 7x}{7 - \sqrt{x+49}};$ $4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{5x+1}{5x-2} \right)^{3x-8}; 5) \lim_{x \rightarrow \infty} x(\ln x - \ln(x+5)).$ |
| 20 | $1) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2x^2 - 5x + 2}{\sqrt{3x} - \sqrt{6}}; 2) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^2 + 2} - x}{\sqrt[3]{x^3 + 4}}; 3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 6x}{6 - \sqrt{x+36}};$ $4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{5x+2}{5x-1} \right)^{2x+3}; 5) \lim_{x \rightarrow \infty} x(\ln x - \ln(x-4)).$ |

Задача 4

Исследовать на непрерывность функции и построить их графики

| Номер вар. | Функции |
|---------------|---|
| 1 | $1) y = \frac{x^2 - 3x + 2}{x - 2}; 2) y = \frac{ x-4 }{x-4}; 3) y = \begin{cases} x^2, & -\infty < x \leq -2; \\ -x + 2, & 0 < x \leq 0; \\ 3x, & 0 < x < \infty. \end{cases}$ |
| 2 | $1) y = \frac{x^2 - 10x + 9}{x - 9}; 2) y = \frac{ x + 0,8 }{x + 0,8}; 3) y = \begin{cases} 2x + 5, & -\infty < x \leq 0; \\ 2x + 3, & 0 < x < 2; \\ 7, & 2 \leq x < \infty. \end{cases}$ |

| Номер вар. | Функции |
|---------------|--|
| 3 | 1) $y = \frac{x^2 - 7x + 12}{x - 4}$; 2) $y = \frac{ 2x + 5 }{2x + 5}$; 3) $y = \begin{cases} -x^2 + 1, & -\infty < x \leq 0; \\ x + 1, & 0 < x < 2; \\ 4, & 2 \leq x < \infty. \end{cases}$ |
| 4 | 1) $y = \frac{x^2 + 7x + 6}{x + 1}$; 2) $y = \frac{ x - \sqrt{2} }{x - \sqrt{2}}$; 3) $y = \begin{cases} -x^2, & -\infty < x \leq -2; \\ 4x + 4, & -2 < x \leq 0; \\ 5, & 0 < x < \infty. \end{cases}$ |
| 5 | 1) $y = \frac{x^2 - 4x + 3}{x - 3}$; 2) $y = \frac{ x + 6 }{x + 6}$; 3) $y = \begin{cases} -x^2 + 2, & -\infty < x \leq -1; \\ 3x + 2, & -1 < x \leq 0; \\ 2, & 0 < x < \infty. \end{cases}$ |
| 6 | 1) $y = \frac{x^2 - 8x + 12}{x - 2}$; 2) $y = \frac{ x + 3 }{x + 3}$; 3) $y = \begin{cases} -x^2, & -\infty < x \leq 0; \\ 2x + 1, & 0 < x \leq 1; \\ 3, & 1 < x < \infty. \end{cases}$ |
| 7 | 1) $y = \frac{x^2 - 7x + 10}{x - 2}$; 2) $y = \frac{ x + 5 }{x + 5}$; 3) $y = \begin{cases} -3x + 1, & -\infty < x \leq 0; \\ x^2 + 1, & 0 < x \leq 1; \\ 2x, & 1 < x < \infty. \end{cases}$ |
| 8 | 1) $y = \frac{x^2 - 4x + 3}{x - 1}$; 2) $y = \frac{ x - 6 }{x - 6}$; 3) $y = \begin{cases} 2x + 2, & -\infty < x < -1; \\ x^2 - 1, & -1 \leq x < 1; \\ 3, & 1 \leq x < \infty. \end{cases}$ |
| 9 | 1) $y = \frac{x^2 - 6x + 8}{x - 4}$; 2) $y = \frac{ x - 7 }{x - 7}$; 3) $y = \begin{cases} 4x + 1, & -\infty < x < 0; \\ (x + 1)^2, & 0 \leq x < 1; \\ 4, & 1 \leq x < \infty. \end{cases}$ |
| 10 | 1) $y = \frac{x^2 - 5x - 6}{x - 6}$; 2) $y = \frac{ x - 8 }{x - 8}$; 3) $y = \begin{cases} x^2 + 1, & -\infty < x \leq 0; \\ x, & 0 < x \leq 1; \\ x + 1, & 1 < x < \infty. \end{cases}$ |
| 11 | 1) $y = \frac{x^2 + 6x + 8}{x + 4}$; 2) $y = \frac{ x - 9 }{x - 9}$; 3) $y = \begin{cases} -x^2 + 2, & -\infty < x \leq 0; \\ x + 2, & 0 < x \leq 2; \\ 5, & 2 < x < \infty. \end{cases}$ |
| 12 | 1) $y = \frac{x^2 + 8x + 12}{x + 6}$; 2) $y = \frac{ x - 10 }{x - 10}$; 3) $y = \begin{cases} -x^2, & -\infty < x < 0; \\ x, & 0 \leq x \leq 3; \\ 2x + 1, & 3 < x < \infty. \end{cases}$ |

| Номер вар. | Функции |
|---------------|---|
| 13 | 1) $y = \frac{x^2 - 8x + 12}{x - 6}$; 2) $y = \frac{ 2x - 1 }{2x - 1}$; 3) $y = \begin{cases} 1 - x^2, & -\infty < x < 1; \\ x - 1, & 1 \leq x < 4; \\ x + 1, & 4 \leq x < \infty. \end{cases}$ |
| 14 | 1) $y = \frac{x^2 - 5x + 6}{x - 3}$; 2) $y = \frac{ 3x - 1 }{3x - 1}$; 3) $y = \begin{cases} 3x + 5, & -\infty < x \leq 0; \\ (x - 5)^2, & 0 < x \leq 5; \\ 1, & 5 < x < \infty. \end{cases}$ |
| 15 | 1) $y = \frac{x^2 - 10x + 16}{x - 2}$; 2) $y = \frac{ x - 3 }{x - 3}$; 3) $y = \begin{cases} 2x + 1, & -\infty < x \leq 0; \\ (x - 1)^2, & 0 < x \leq 1; \\ 2, & 1 < x < \infty. \end{cases}$ |
| 16 | 1) $y = \frac{x^2 + 5x + 6}{x + 2}$; 2) $y = \frac{ x - \sqrt{3} }{x - \sqrt{3}}$; 3) $y = \begin{cases} 4x + 5, & -\infty < x \leq 0; \\ 5, & 0 < x < 2; \\ x + 1, & 2 \leq x < \infty. \end{cases}$ |
| 17 | 1) $y = \frac{x^2 + 5x + 6}{x + 2}$; 2) $y = \frac{ 4x + 1 }{4x + 1}$; 3) $y = \begin{cases} 4x - 1, & -\infty < x < 0; \\ x^2 - 1, & 0 < x \leq 1; \\ 0, & 1 < x < \infty. \end{cases}$ |
| 18 | 1) $y = \frac{x^2 - 4x - 5}{x + 1}$; 2) $y = \frac{ 5x - 1 }{5x - 1}$; 3) $y = \begin{cases} 2x + 3, & -\infty < x < 0; \\ (x - 3)^2, & 0 \leq x < 1; \\ 4, & 1 \leq x < \infty. \end{cases}$ |
| 19 | 1) $y = \frac{x^2 - 8x + 15}{x - 3}$; 2) $y = \frac{ 6x + 1 }{6x + 1}$; 3) $y = \begin{cases} 2x + 2, & -\infty < x < -1; \\ x^2 - 1, & -1 \leq x < 1; \\ 4, & 1 \leq x < \infty. \end{cases}$ |
| 20 | 1) $y = \frac{x^2 + 8x + 15}{x + 5}$; 2) $y = \frac{ 2x + 3 }{2x + 3}$; 3) $y = \begin{cases} 0, & -\infty < x < 0; \\ 2x, & 0 \leq x < 3; \\ 5x + 1, & 3 \leq x < \infty. \end{cases}$ |

Краткое описание и регламент выполнения

Контрольная работа 4 по теме "Введение в математический анализ" выполняется студентами самостоятельно во внеаудиторное время и должна быть сдана преподавателю на проверку до зачётной недели. На выполнение контрольной работы отводится 18 часов. Номера вариантов контрольных задач определяются с помощью таблицы 1, причем номера контрольных задач 1 и 4 находятся по первой букве фамилии студента; номер варианта контрольной задачи 2 находится по первой букве имени студента; номер варианта контрольной задачи 3 находится по первой букве отчества студента.

Таблица 1

| | | | | | | | | | | |
|--------|----|-----|-----|----|-----|-----|-----|----|-----|-----|
| Буква | А | Б | В | Г | Д | Е,Ё | Ж,З | И | К | Л |
| № вар. | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
| Буква | М | Н,Ю | О,Я | П | Р,Ч | С,Ш | Т,Щ | У | Ф,Э | Х,Ц |
| № вар. | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 |

При выполнении контрольных работ необходимо строго придерживаться указанных ниже правил. Работы, выполненные без соблюдения этих правил, не зачитываются и возвращаются студенту для переработки.

1. Каждая контрольная работа должна быть выполнена в отдельной тетради в клетку синими или черными чернилами. Необходимо оставлять поля шириной 4 - 5 см для замечаний рецензента.
2. В заголовке работы на обложке тетради должны быть ясно написаны фамилия, имя и отчество студента, название дисциплины, номер контрольной работы; здесь же следует указать название учебного заведения, дату отсылки работы в институт и адрес студента. В конце работы следует поставить дату её выполнения и подпись студента.
3. В работу должны быть включены все задачи, указанные в задании, строго по положенному варианту. Решения задач надо располагать в порядке возрастания их номеров.
4. Перед решением каждой задачи надо полностью выписать её условие. Если условие задачи имеет общую формулировку, то, переписывая его, следует общие данные заменить конкретными, взятыми из своего варианта. Не следует приступать к выполнению контрольного задания, не решив достаточного количества задач по материалу, соответствующему этому заданию. Опыт показывает, что чаще всего неумение решить ту или иную задачу контрольного задания вызывается тем, что студент не выполнил это требование.
5. В прорецензированной работе студент должен исправить отмеченные рецензентом ошибки и учесть его рекомендации и советы. Рецензии позволяют студенту судить о степени усвоения соответствующего раздела курса; указывают на имеющиеся у него пробелы, на желательное направление работы; помогают сформулировать вопросы для постановки их перед преподавателем. Зачтенные контрольные работы предъявляются студентом при сдаче зачета или экзамена.

Критерии оценки:

- оценка «зачтено» выставляется студенту, если правильно выполнено не менее 70 % заданий;
- оценка «не зачтено» выставляется студенту, если правильно выполнено менее 70 % заданий.

7.3. Оценочные средства для промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины

7.3.1. Вопросы к промежуточной аттестации

Семестр 1

| № п/п | Вопросы к зачёту |
|----------|---|
| 1 | Числовая матрица. Действия над матрицами (сложение, умножение на число, умножение строки на столбец, умножение матрицы на матрицу, транспонирование) и условия их выполнения. |
| 2 | Определитель матриц 2-ого и 3-его порядков. Определитель матрицы n-ого порядка. Свойства определителей. |
| 3 | Матрица обратная к заданной. Условия существования, способ отыскания |
| 4 | Минор матрицы. Базисный минор матрицы, способ его отыскания. |
| 5 | Ранг матрицы и способ его определения. |
| 6 | Система линейных уравнений с n неизвестными. Матричная форма записи системы. Пример. Условие совместности системы линейных уравнений |
| 7 | Что называют решением системы линейных уравнений n неизвестными. Какие системы называют совместными и несовместными. Как найти решение системы с помощью матрицы обратной к матрице системы. |
| 8 | Условие существования единственного решения системы линейных уравнений. Формулы Крамера для отыскания решения. Пример. |
| 9 | Однородная система линейных уравнений. Пример. Какое решение называется тривиальным. При каком условии однородная система имеет нетривиальные решения |
| 10 | Алгоритм отыскания решения произвольной системы линейных уравнений. Базисные и свободные неизвестные. |
| 11 | Векторы. Коллинеарность, компланарность векторов. |
| 12 | Линейные операции над векторами: сложение векторов, умножение вектора на число. Линейная комбинация векторов. |
| 13 | Линейная зависимость векторов. Связь между коллинеарностью и линейной зависимостью двух векторов, между компланарностью и линейной зависимостью трех векторов. Линейная зависимость четырех векторов. |
| 14 | Базис, разложение вектора по базису, координаты вектора в заданном базисе. Ортонормированный базис. Линейные операции над векторами в координатной форме. |
| 15 | Декартова система координат на плоскости и в пространстве. Координаты точки и вектора в декартовой системе координат. |
| 16 | Проекция вектора на ось и ее свойства. Связь координат вектора и его проекций на оси декартовой прямоугольной системы координат. |
| 17 | Скалярное произведение векторов и его свойства. Выражение скалярного произведения через координаты векторов. Выражение длины вектора и угла между векторами через координаты векторов. |
| 18 | Векторное произведение векторов и его свойства. Выражение векторного произведения через координаты векторов. Использование векторного произведения. |
| 19 | Смешанное произведение векторов и его геометрический смысл. Выражение смешанного произведения через координаты векторов. Свойства смешанного произведения. Использование смешанного произведения. |
| 20 | Выражение условий коллинеарности, ортогональности, компланарности векторов |
| 21 | Понятие об уравнении линии на плоскости, уравнении поверхности и линии в пространстве. Уравнение окружности. Уравнение сферы. |

| № п/п | Вопросы к зачёту |
|----------|---|
| 22 | Вывод общего уравнения плоскости. |
| 23 | Различные формы записи уравнения плоскости: общее; проходящей через заданную точку перпендикулярно заданному вектору; в отрезках; нормированное. Какую информацию о плоскости несут коэффициенты этих уравнений |
| 24 | Расстояние от точки до плоскости. |
| 25 | Угол между плоскостями. Условие параллельности и перпендикулярности плоскостей. |
| 26 | Уравнения прямой в пространстве: канонические; параметрические; проходящей через две заданные точки. Какую информацию о прямой несут коэффициенты этих уравнений. |
| 27 | Угол между прямыми в пространстве. Условие параллельности и перпендикулярности прямых. |
| 28 | Угол между прямой и плоскостью. Условие параллельности и перпендикулярности прямой и плоскости. |
| 29 | Уравнение прямой на плоскости: общее; с угловым коэффициентом: проходящей через заданную точку; проходящей через две заданные точки. Какую информацию о прямой несут коэффициенты этих уравнений. |
| 30 | Угол между прямыми на плоскости. Условие параллельности и перпендикулярности прямых. |
| 31 | Линии второго порядка на плоскости. Общее уравнение, основные типы линий и их канонические уравнения. |
| 32 | Эллипс, гипербола, парабола. Канонические уравнения, характеристики, свойства |
| 33 | Поверхности второго порядка. Основные типы поверхностей и их канонические уравнения. |
| 34 | Исследование формы поверхности второго порядка методом сечений. |
| 35 | Что такое функция. Пример. Способы задания функции. Область определения функции. Сложная функция. Пример. |
| 36 | Основные элементарные функции и их графики. Элементарная функция. Пример |
| 37 | Предел функции. Бесконечно малые и бесконечно большие функции, связь между ними |
| 38 | Свойства бесконечно малых функций. |
| 39 | Свойства пределов функций. Замечательные пределы. |
| 40 | Непрерывность функции в точке. Свойства функций, непрерывных в точке. |
| 41 | Теорема о непрерывности элементарной функции и ее использование при вычислении пределов. |
| 42 | Свойства функций, непрерывных на замкнутом интервале. |
| 43 | Точки разрыва функции и их классификация. |

7.3.2. Критерии и нормы оценки

| Семестр | Форма проведения промежуточной аттестации | Критерии и нормы оценки | |
|---------|---|-------------------------|---|
| 1 | Зачёт | «зачтено» | Студент получил зачёт по всем контрольным работам семестра, правильно решил задачу билета и ответил хотя бы на один теоретический вопрос билета |
| | | «не зачтено» | Студент не получил зачёт хотя бы по одной из контрольных работ семестра или не решил |

| Семестр | Форма проведения промежуточной аттестации | Критерии и нормы оценки | |
|---------|---|-------------------------|--|
| | | | задачу билета или не ответил ни на один из теоретических вопросов билета |

8. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

8.1. Обязательная литература

| № п/п | Авторы, составители | Заглавие (заголовок) | Тип (учебник, учебное пособие, учебно-методическое пособие, практикум, др.) | Год издания | Количество в научной библиотеке / Наименование ЭБС |
|-------|--|---------------------------------|---|-------------|---|
| 1 | Шипачев В.С. | Высшая математика | Учебник | 2019 | ЭБС «ZNANIUM.COM» |
| 2 | Ржевский С.В. | Высшая математика | Учебник | 2018 | ЭБС «ZNANIUM.COM» |
| 3 | Данилов Ю.М. , Журбенко Л.Н. , Никонова Г.А. , Никонова Н.В., Нуриева С.Н.; под ред. Журбенко Л.Н. , Никоновой Г.А. . | Математика | Учебное пособие | 2019 | ЭБС «ZNANIUM.COM» |
| 4 | Дегтярева О.М., Журбенко Л.Н., Никонова Г.А., Никонова Н.В., Нуриева С.Н. | Математика в примерах и задачах | Учебное пособие | 2019 | ЭБС «ZNANIUM.COM» |

8.2. Дополнительная литература

| № п/п | Авторы, составители | Заглавие (заголовок) | Тип (учебник, учебное пособие, учебно- методическое пособие, практикум, др.) | Год издания | Количество в научной библиотеке / Наименование ЭБС |
|----------|--|--|---|-------------|--|
| 1 | Кузнецов Л.А. | Сборник заданий по высшей математике. Типовые расчеты | Учебное пособие | 2015 | ЭБС «Лань» |
| 2 | Филипова Е.Е. , Сергеева Д.В., Слободская И.Н. | Математика | Учебное пособие | 2015 | ЭБС «ZNANIUM.COM» |
| 3 | Белоусова В. И., Ермакова Г. М., Михалева М. М. [и др.]. | Высшая математика. Часть 1 | Учебное пособие | 2016 | ЭБС «IPRbooks» |

8.3. Перечень профессиональных баз данных и информационных справочных систем

– [Основы высшей и дискретной математики](#) // Шубович А.А., Клочков Ю.В. Справочник / Волгоград, 2015. Режим доступа: <http://elibrary.ru>

– [Лекции по высшей математике](#) // Ганов В.А., Дегтерева Р.В. Учебное пособие. В 2-х частях / Барнаул, 2014. Том Часть 1 Линейная алгебра, аналитическая геометрия, комплексные числа, разложение рациональных дробей, введение в математический анализ (2-е издание, переработанное и дополненное). Режим доступа: <http://elibrary.ru>

– [Лекции по высшей математике](#) // Ганов В.А., Дегтерева Р.В. Учебное пособие. В 2-х частях / Барнаул, 2014. Том Часть 2 Дифференциальное и интегральное исчисления, функции нескольких переменных, функции комплексного переменного, дифференциальные уравнения и теория вероятностей (2-е издание, переработанное и дополненное). Режим доступа: <http://elibrary.ru>

8.4. Перечень программного обеспечения

| № п/п | Наименование ПО | Реквизиты договора (дата, номер, срок действия) |
|-------|-----------------|--|
| 1 | Windows | Договор № 690 от 19.05.2015г., срок действия - бессрочно |

8.5. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

| № п/п | Наименование оборудованных учебных кабинетов, лабораторий, мастерских и др. объектов для проведения практических и лабораторных занятий, помещений для самостоятельной работы обучающихся (номер аудитории) | Перечень основного оборудования |
|-------|--|--|
| | Аудитория вебконференций. Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа. Учебная аудитория для проведения занятий семинарского типа. Учебная аудитория для курсового проектирования (выполнения курсовых работ). Учебная аудитория для проведения групповых и индивидуальных консультаций. Учебная аудитория для проведения занятий текущего контроля и промежуточной аттестации (УЛК-807) | Экран телевизионный, ширма, прожекторы на штативе, стол преподавательский, стул преподавательский, транспарант-перетяжка, системный блок |
| 2 | Помещение для самостоятельной работы студентов (Г-401) | Столы ученические, стулья ученические, ПК с выходом в сеть Интернет |